

## SIGBE/13/4

Talsekvensen i filen

<http://www.users.abo.fi/~htoivone/courses/sigbe/signal2.dat>

representerar en audiosignal  $\{x_0(nT_{s0})\}$  som diskretiseras med samplingsfrekvensen  $f_{s0} = 11025$  Hz.

(i) Verifiera att signalen är bandbegränsad, samt bestäm signalens högsta frekvenskomponent  $\omega_{max}$ .Verifiera att  $\omega_{max} < \omega_{s0}/8$ , där  $\omega_{s0} = 2\pi f_{s0}$ .

(ii) Enligt Shannons samplingsteorem räcker det med en samplingsfrekvens som satsiffrar  $\omega_s > 2\omega_{max}$  för att representera signalen. Enligt (i) kan samplingsfrekvensen därför reduceras till  $\omega_s = 2 \times (\omega_{s0}/8) = \omega_{s0}/4$ , vilket motsvarar samplingstiden  $T_s = 4T_{s0}$ . Bilda en sådan långsamt samplad diskret signal  $\{x(nT_s)\}$  genom att ta vart fjärde element från sekvensen  $\{x_0(nT_{s0})\}$ , dvs

$$\{x(nT_s)\} = \{x_0(nT_s)\} = \{x_0(n4T_{s0})\} = \{x_0(0), x_0(4T_{s0}), x_0(8T_{s0}), \dots\}.$$

Verifiera att de diskreta signalerna representerar samma kontinuerliga signal genom att:

- Lyssna på dem med **soundsc** (observera samplingsfrekvensen!),
- bestämma sekvensernas Fouriertransformer  $X_0(k)$  respektive  $X(k)$ , och verifiera att  $X_0 = 4X$  gäller i frekvensintervallet  $\omega < \omega_{s0}/8$ .

(iii) Rekonstruera den ursprungliga signalen  $\{x_0(nT_{s0})\}$  ur den långsamt samplade signalen  $\{x(nT_s)\}$  genom att:

- bilda Fouriertransformen  $\{X(k)\}$  för  $\{x(nT_s)\}$ ,
- beräkna Fouriertransformen  $\{X_0(k)\}$  för  $\{x(nT_{s0})\}$  ur  $\{X(k)\}$  (jfr ovan;  $X_0(k) = 4X(k)$  i frekvensintervallet  $\omega < \omega_{s0}/8$  och  $X_0(k) = 0$  för frekvenser  $\omega \geq \omega_{s0}/8$ ),
- bestämma  $\{x_0(nT_{s0})\}$  genom att bilda inversa transformen av  $\{X_0(k)\}$ .